

تمرين (1)

حدد معادلة ديكارتية للفلكة (S) ذات المركز $\Omega(2;1;3)$ والشعاع $r = \sqrt{3}$.

تمرين (2)

حدد معادلة ديكارتية للفلكة (S) التي أحد أقطارها $[AB]$ و $A(2;3;5)$ و $B(1;6;4)$.

تمرين (3)

حدد مركز وشعاع الفلكة (S) و $(S): x^2 + y^2 + z^2 - x - 2 = 0$ و $(P): x + 2y - 2z + 4 = 0$.

1- حدد مركز وشعاع الفلكة (S).

2- أدرس تقاطع الفلكة (S) والمستوى (P).

تمرين (4)

أدرس تقاطع الفلكة (S) والمستوى (P) و $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 4z + 1 = 0$ و $(P): x + y - z + 3 = 0$.

تمرين (5)

أدرس تقاطع الفلكة (S) والمستوى (P) و $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 2z + 1 = 0$ و $(P): x - y + z - 3 = 0$.

تمرين (6)

حدد معادلة ديكارتية للفلكة (S) ذات المركز $\Omega(-1;1;-1)$ والمماس للمستوى (P).

تمرين (7)

تحقق أن $A \in (S)$ و $(S): (x-1)^2 + y^2 + (z-2)^2 = 5$ و $A(1;2;1)$.

1- تحقق أن $A \in (S)$.

2- أوجد معادلة ديكارتية للمستوى (P) المماس للفلكة (S) في A.

تمرين (8)

أدرس تقاطع الفلكة (S) والمستقيم (Δ) و $(\Delta): \begin{cases} x = 1 + t \\ y = 3 + t \\ z = -3 - 2t \end{cases} (t \in \mathbb{R})$ و $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 2y - 1 = 0$.

أدرس تقاطع الفلكة (S) والمستقيم (Δ).

تمرين (9)

بين أن (Δ) مماس للفلكة (S) ثم حدد إحداثيات نقطة التماس و $(\Delta): \begin{cases} x = 2 + 3t \\ y = 4 + t \\ z = -2 + 5t \end{cases} (t \in \mathbb{R})$ و $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y + 2z = 0$.

بين أن (Δ) مماس للفلكة (S) ثم حدد إحداثيات نقطة التماس.

تمرين (10) و $(\Delta): \begin{cases} x = 1 + t \\ y = 3 + t \\ z = -3 - 2t \end{cases} (t \in \mathbb{R})$

بين أن (Δ) يقطع (S) في نقطتين A و B ثم حدد إحداثيات A و B.

بين أن (Δ) يقطع (S) في نقطتين A و B ثم حدد إحداثيات A و B.

تمرين (11)

لتكن $A(1,1,-1)$ و $B(-1,1,3)$ نقطتين من الفضاء E

1) أ- إعط معادلة ديكارتية للفلكة (S) التي أحد أقطارها $[AB]$

ب- حدد Ω مركزا للفلكة (S) وشعاعها R
2) ليكن (P) المستوى الذي معادلته $(P): x + z - 4 = 0$

أ- بين أن النقطة $H(\frac{3}{2}, 1, \frac{5}{2})$ هي المسقط العمودي للنقطة Ω على المستوى (P)

ب- بين أن المستوى (P) يقطع (S) في دائرة (C)
ج- حدد مركز و شعاع الدائرة (C)

تمرين (12)

لتكن $A(0,3,-5)$ و $B(-0,7,-3)$ و $C(1,5,-3)$

1) أ- أحسب $\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}$
ب- استنتج معادلة ديكارتية للمستوى (ABC)

2) ليكن (P) المستوى الذي معادلته $(P): x + y + z = 0$

أعط تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) تقاطع المستويين (P) و (ABC)

3) ولتكن (C) الدائرة المحددة كما يلي:

$$\begin{cases} y = 0 \\ x^2 + z^2 + 10z + 9 = 0 \end{cases}$$

أ- إعط معادلة ديكارتية للفلكة (S) التي تتضمن (C) ومركزها Ω ينتمي إلى (ABC)

ب- حدد تقاطع المستقيم (AC) و الفلكة (S).
ت- بين أنه توجد فلكتان (S_1) و (S_2) تتضمنان (C)

و مماستان للمستوى (O, \vec{i}, \vec{j}) ثم حدد معادلة ديكارتية لكل واحدة منهما.