

**تمرين (1)**

حدد معادلة ديكارتية للفلكة (S) ذات المركز  $\Omega(2;1;3)$  والشعاع  $r = \sqrt{3}$ .

**تمرين (2)**

حدد معادلة ديكارتية للفلكة (S) التي أحد أقطارها  $[AB]$  و  $A(2;3;5)$  و  $B(1;6;4)$ .

**تمرين (3)**

حدد مركز وشعاع الفلكة (S) و  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - x - 2 = 0$  و  $(P): x + 2y - 2z + 4 = 0$ .

1- حدد مركز وشعاع الفلكة (S).

2- أدرس تقاطع الفلكة (S) والمستوى (P).

**تمرين (4)**

أدرس تقاطع الفلكة (S) والمستوى (P) و  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 4z + 1 = 0$  و  $(P): x + y - z + 3 = 0$ .

**تمرين (5)**

أدرس تقاطع الفلكة (S) والمستوى (P) و  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 2z + 1 = 0$  و  $(P): x - y + z - 3 = 0$ .

**تمرين (6)**

حدد معادلة ديكارتية للفلكة (S) ذات المركز  $\Omega(-1;1;-1)$  والمماس للمستوى (P).

**تمرين (7)**

تحقق أن  $A \in (S)$  و  $(S): (x-1)^2 + y^2 + (z-2)^2 = 5$  و  $A(1;2;1)$ .

1- تحقق أن  $A \in (S)$ .

2- أوجد معادلة ديكارتية للمستوى (P) المماس للفلكة (S) في A.

**تمرين (8)**

أدرس تقاطع الفلكة (S) والمستقيم (Δ) و  $(\Delta): \begin{cases} x = 1 + t \\ y = 3 + t \\ z = -3 - 2t \end{cases} (t \in \mathbb{R})$  و  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 2y - 1 = 0$ .

أدرس تقاطع الفلكة (S) والمستقيم (Δ).

**تمرين (9)**

بين أن (Δ) مماس للفلكة (S) ثم حدد إحداثيات نقطة التماس و  $(\Delta): \begin{cases} x = 2 + 3t \\ y = 4 + t \\ z = -2 + 5t \end{cases} (t \in \mathbb{R})$  و  $(S): x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y + 2z = 0$ .

بين أن (Δ) مماس للفلكة (S) ثم حدد إحداثيات نقطة التماس.

تمرين (10):  $(\Delta): \begin{cases} x = 1 + t \\ y = 3 + t \\ z = -3 - 2t \end{cases} (t \in \mathbb{R})$  و

$(S): x^2 + y^2 + z^2 + 4x + 2y - 1 = 0$ .

بين أن (Δ) يقطع (S) في نقطتين A و B ثم حدد إحداثيات A و B.

**تمرين (11)**

لتكن  $A(1,1,-1)$  و  $B(-1,1,3)$  نقطتين من الفضاء E

(1) أ- إعط معادلة ديكارتية للفلكة (S) التي أحد أقطارها  $[AB]$

ب- حدد  $\Omega$  مركزا للفلكة (S) وشعاعها R  
(2) ليكن (P) المستوى الذي معادلته  $(P): x + z - 4 = 0$

أ- بين أن النقطة  $H(\frac{3}{2}, 1, \frac{5}{2})$  هي المسقط العمودي للنقطة  $\Omega$  على المستوى (P)

ب- بين أن المستوى (P) يقطع (S) في دائرة (C)

ج- حدد مركز و شعاع الدائرة (C)

**تمرين (12)**

لتكن  $A(0,3,-5)$  و  $B(-0,7,-3)$  و  $C(1,5,-3)$

(1) أ- أحسب  $\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}$   
ب- استنتج معادلة ديكارتية للمستوى (ABC)

(2) ليكن (P) المستوى الذي معادلته  $(P): x + y + z = 0$

أعط تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) تقاطع المستويين (P) و (ABC)

(3) ولتكن (C) الدائرة المحددة كما يلي:

$$\begin{cases} y = 0 \\ x^2 + z^2 + 10z + 9 = 0 \end{cases}$$

أ- إعط معادلة ديكارتية للفلكة (S) التي تتضمن (C) ومركزها  $\Omega$  ينتمي إلى (ABC)

ب- حدد تقاطع المستقيم (AC) و الفلكة (S).

ت- بين أنه توجد فلكتان  $(S_1)$  و  $(S_2)$  تتضمنان (C)

و مماستان للمستوى  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  ثم حدد معادلة ديكارتية لكل واحدة منهما.